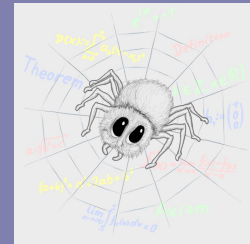


mArachna

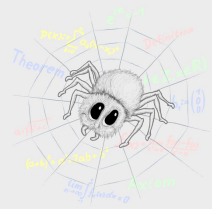


Eine OWL-basierte mathematische Wissensbasis

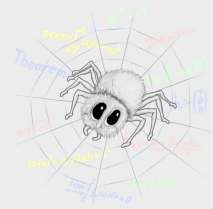
Nicole Natho
Sabina Jeschke
Ruedi Seiler
Marc Wilke

natho@math.tu-berlin.de
sabina@math.tu-berlin.de
seiler@math.tu-berlin.de
marc@math.tu-berlin.de

Technische Universität Berlin
Institut der Mathematik



Konzept



Ziel:

Entwicklung einer intelligenten
mathematischen Enzyklopädie

Ansatz:

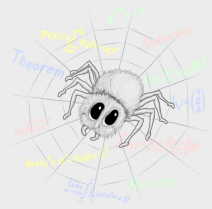
Mathematische Texte zu Kursen für
Ingenieurstudenten im Grund- oder
Bachelorstudium

Aufgabe:

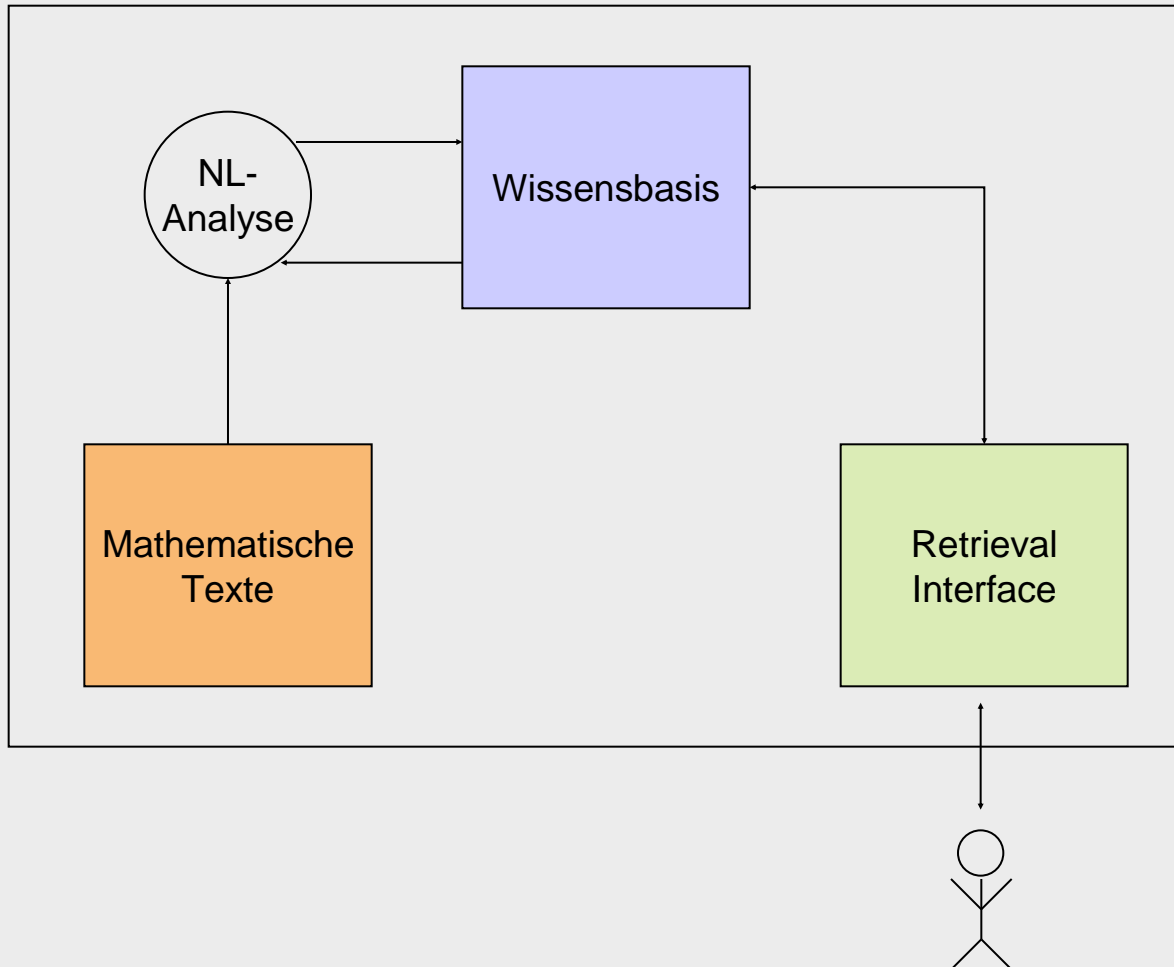
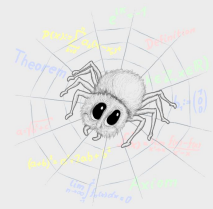
Semantische Annotation der mathematischen
Texte

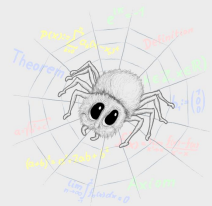
Lösung:

Automatische Indexierung für
Information Retrieval Systeme



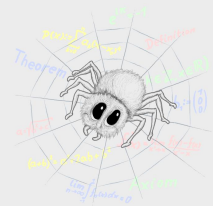
Konzept





Mathematische Sprache

Einfaches Beispiel



Definition (Gruppe):

Sei M eine Menge, $M \neq \emptyset$, und

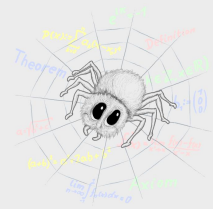
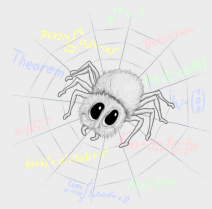
$$\begin{aligned} * : M \times M &\longrightarrow M \\ \langle a, b \rangle &\mapsto a * b \end{aligned}$$

eine Abbildung.

Das Tupel $\langle M, * \rangle$ heißt Gruppe, wenn gilt:

1. Die Abbildung ist assoziativ: $(a * b) * c = a * (b * c)$ ($a, b, c \in M$).
2. Für jedes $a, b \in M$ existiert ein $x \in M$ mit $a * x = b$.
3. Für jedes $a, b \in M$ existiert ein $y \in M$ mit $y * b = b$.

aus: Wüst, „Höhere Mathematik für Physiker“



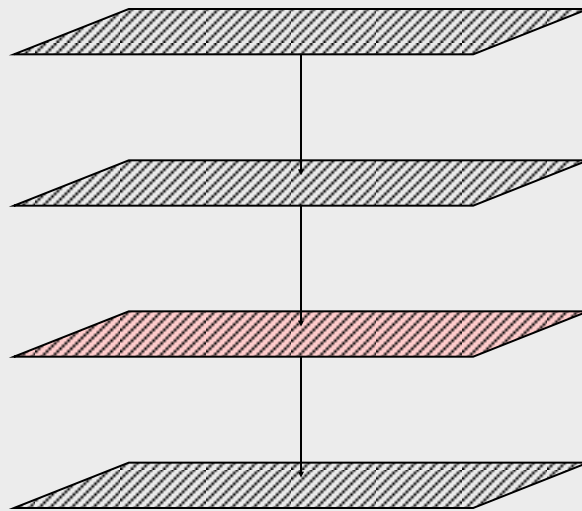
Linguistische Strukturen

Entitätenebene

Binnenstrukturebene

Satzebene

Wort- & Symbolebene

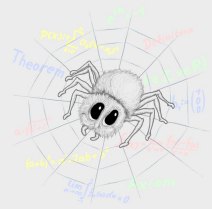


Fokussierung auf Entitäten:
Definitionen, Theoreme, Sätze

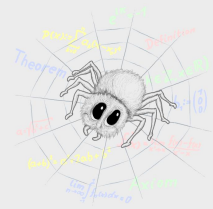
Typische Sprachkonstrukte
abhängig vom Entitätentyp

Sei M eine Menge, $M \neq \emptyset$, und $*$: $M \times M \rightarrow M$, $\langle a,b \rangle \mapsto a*b$
eine Abbildung. Das Tupel $\langle M,* \rangle$ heißt Gruppe, wenn gilt:
Die Abbildung ist assoziativ: $(a * b) * c = a * (b * c)$ ($a,b,c \in M$).

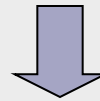
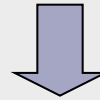
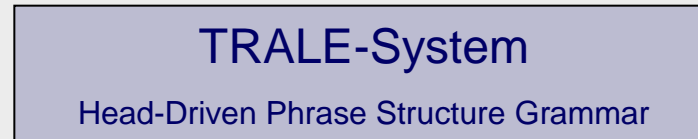
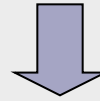
...



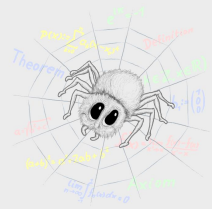
Linguistische Analyse



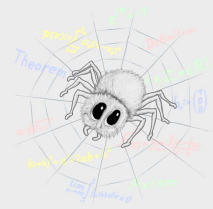
$\langle M, * \rangle$ heißt Gruppe.



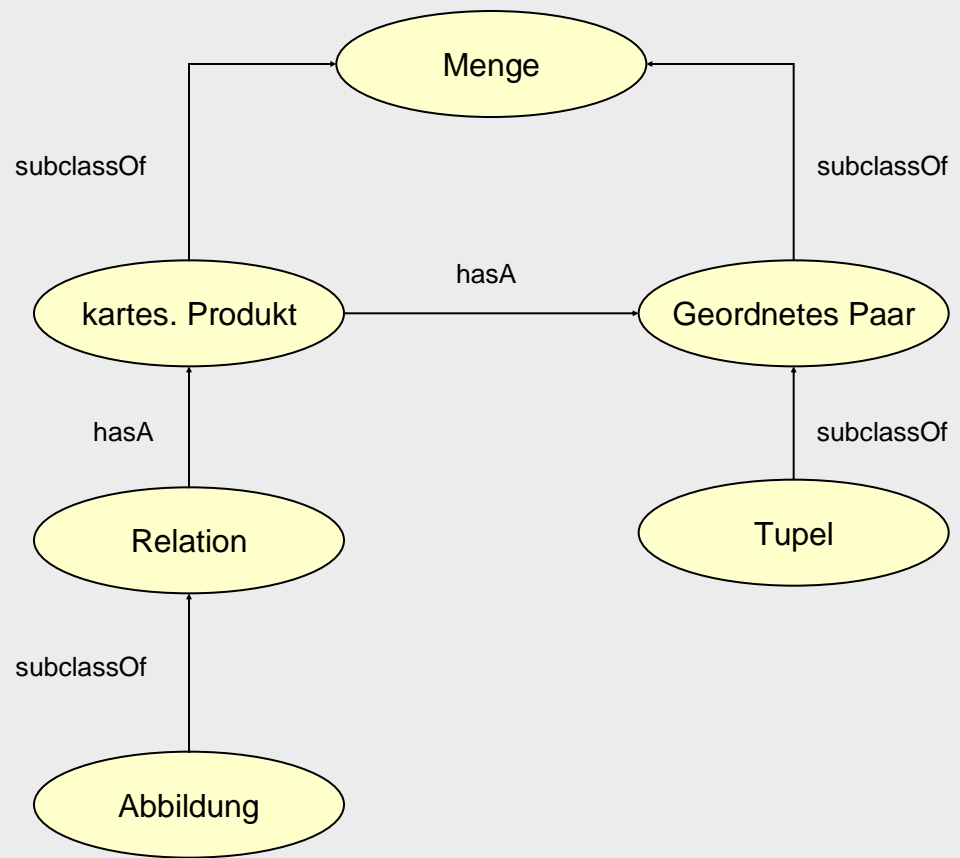
Resultat: $(\langle M, * \rangle, \text{heißt, Gruppe})$



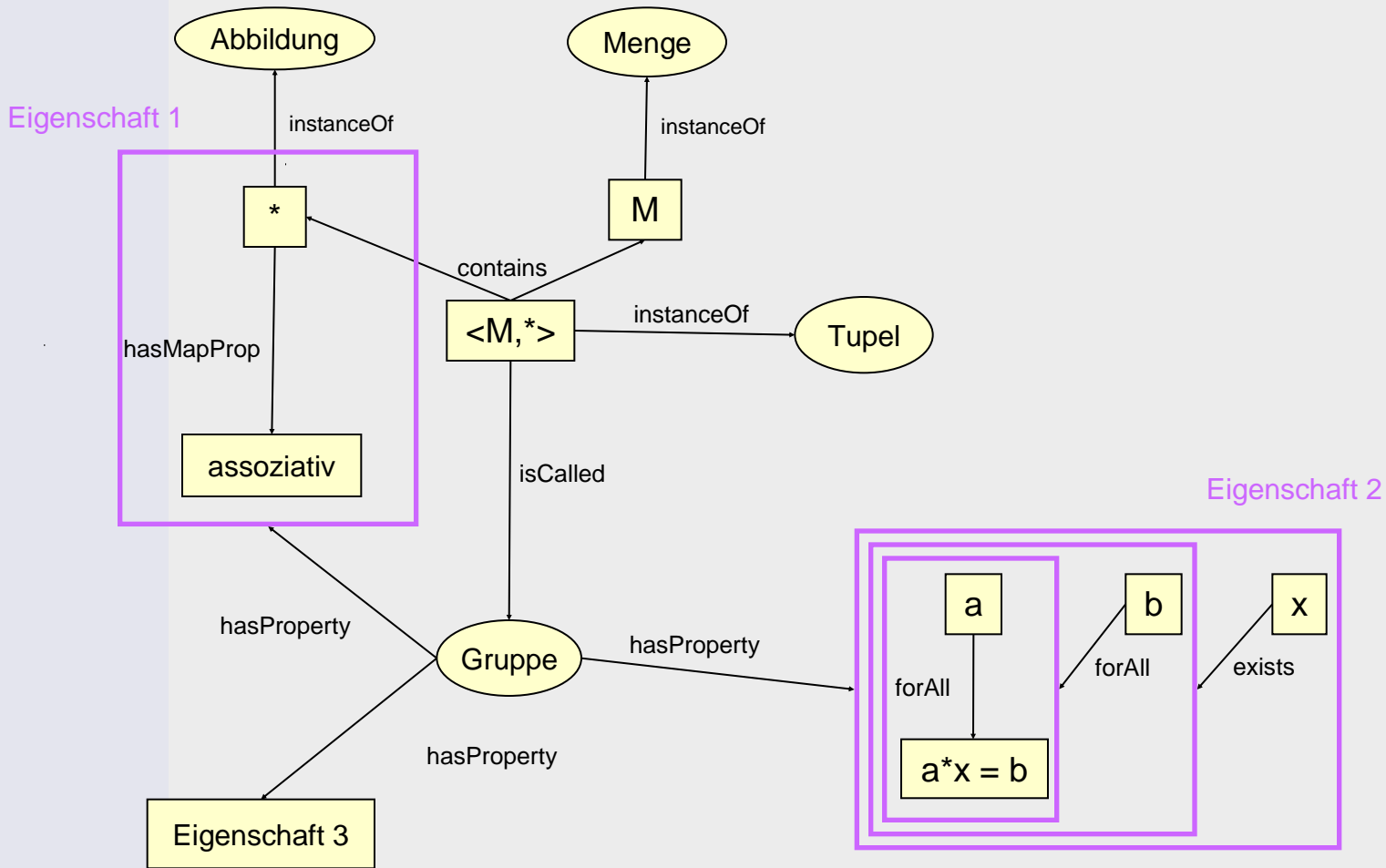
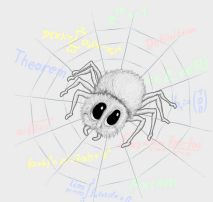
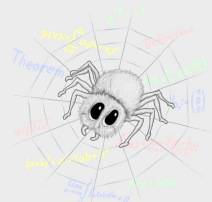
Wissensbasis Grundlegende Ontologie

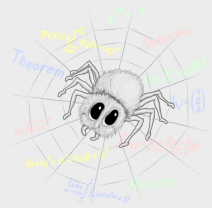


Grundlegende Struktur: Mengenlehre und mathematische Logik

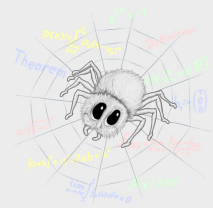


Integration von neuem Wissen

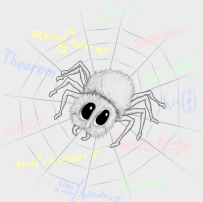




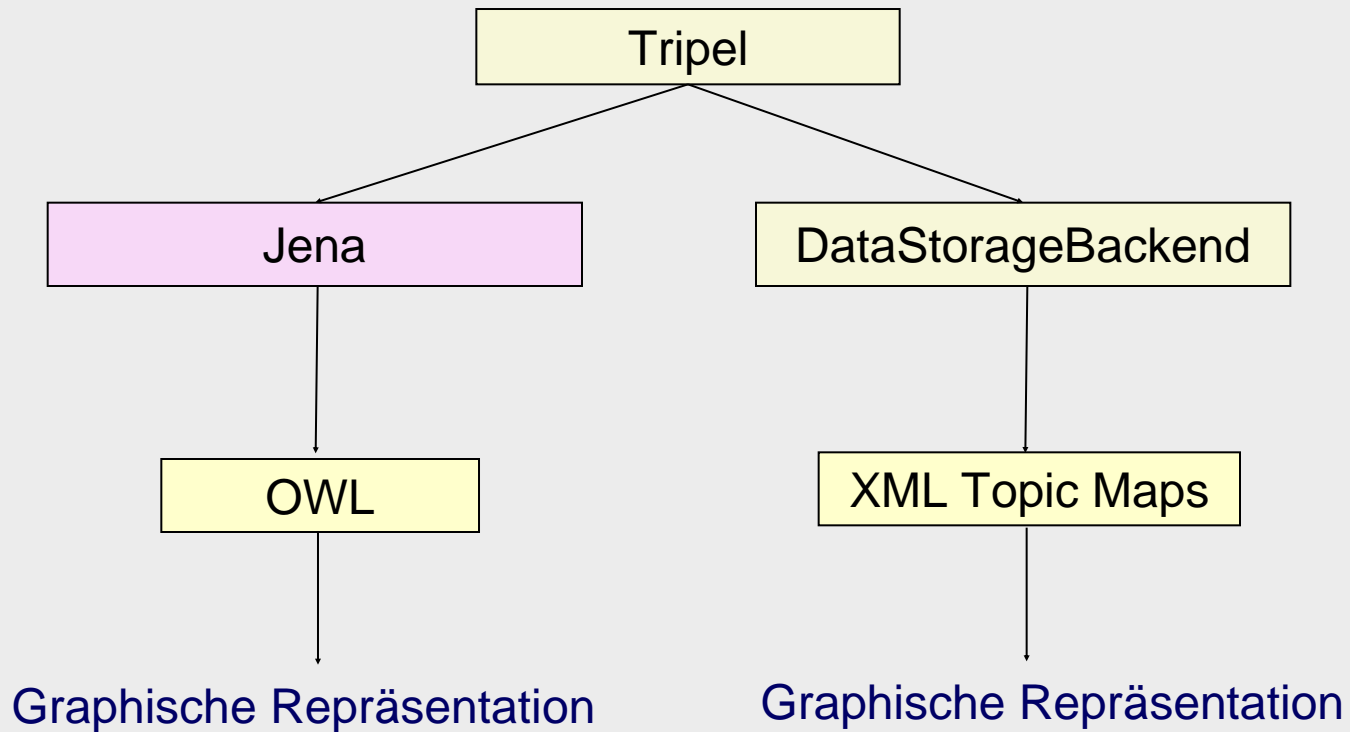
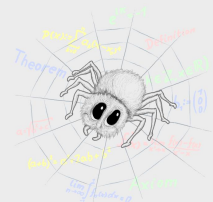
Wissensbasis Beispiel

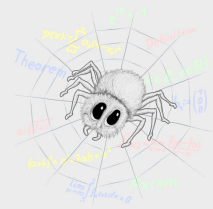
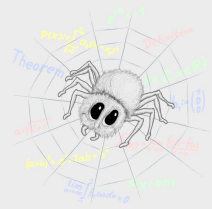


```
<owl:Class rdf:ID="Eigenschaft">
  <rdfs:subClassOf>
    <owl:Restriction>
      <owl:onProperty rdf:resource="#hasSubject" />
      <owl:allValuesFrom rdf:resource="#MathThing" />
      <owl:cardinality rdf:datatype="&xsd;nonNegativeInteger">1</owl:cardinality>
    </owl:Restriction>
  </rdfs:subClassOf>
  <rdfs:subClassOf>
    <owl:Restriction>
      <owl:onProperty rdf:resource="#hasProperty" />
      ...
    </owl:Restriction>
  </owl:Class>
...
<owl:Thing rdf:ID="Eigenschaft001" ... />
...
<owl:Class rdf:ID="Gruppe">
  <rdfs:subClassOf>
    <owl:Restriction>
      <owl:onProperty rdf:resource="#hasProperty" />
      <owl:hasValue rdf:resource="#Eigenschaft001" />
    </owl:Restriction>
  </rdfs:subClassOf>
  ...
</owl:Class>
```

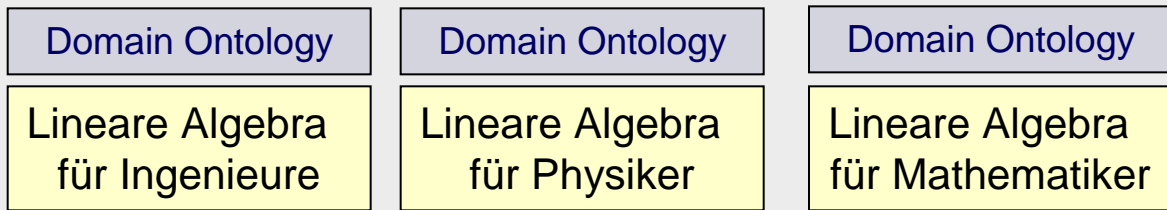
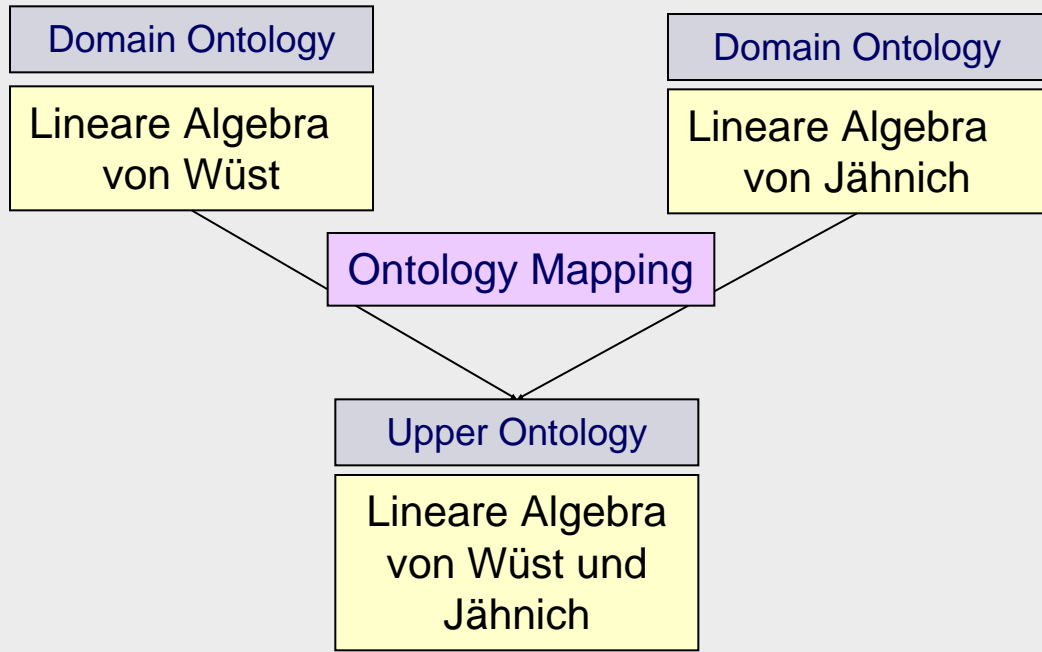


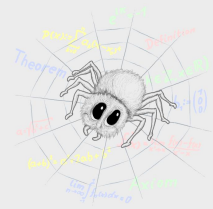
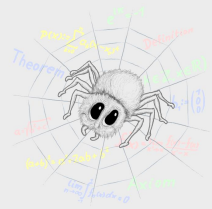
Verarbeitung und Visualisierung





Mergen von Wissensbasen





Mergen von Wissensbasen

Definition (Gruppe):

Sei M eine Menge ...

Das Tupel $\langle M, * \rangle$ heißt *Gruppe*, wenn gilt:

1. Die Abbildung ist assoziativ: $(a * b) * c = a * (b * c)$ ($a, b, c \in M$).
2. Für jedes $a, b \in M$ existiert ein $x \in M$ mit $a * x = b$.
3. Für jedes $a, b \in M$ existiert ein $y \in M$ mit $y * b = b$.

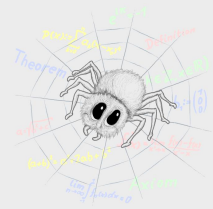
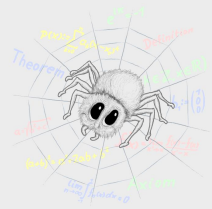
Definition (Gruppe):

Sei M eine Menge ...

Das Tupel $\langle M, * \rangle$ heißt *Gruppe*, wenn gilt:

1. $(a * b) * c = a * (b * c)$ ($a, b, c \in M$)
2. Es gibt ein $e \in M$ mit
 - i. $a * e = e * a = a$,
 - ii. Es existiert ein $\underline{a} \in M$, so dass $\underline{a} * a = a * \underline{a} = e$ für alle $a \in M$.

Alternative Definition!



Mergen von Wissensbasen

Vorgehen auf Entitätenebene:

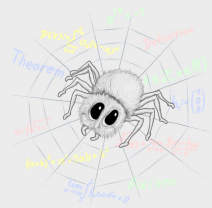
1. Identifizierung von äquivalenten Entitäten
2. Weiterverarbeitung von nicht-äquivalenten Entitäten

Vorgehen auf Satzebene:

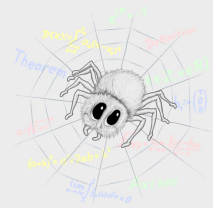
1. Identifizierung und Zusammenfassung von identischen Classes/Individuals und Properties
2. Weiterverarbeitung der verbliebenen Classes/ Individuals und Properties

Erhoffte Vorteile der mathematischen Wissensbasis:

- identische Begriffe
- identische Relationen
- weniger Reasoning



Ergebnisse und Ausblick



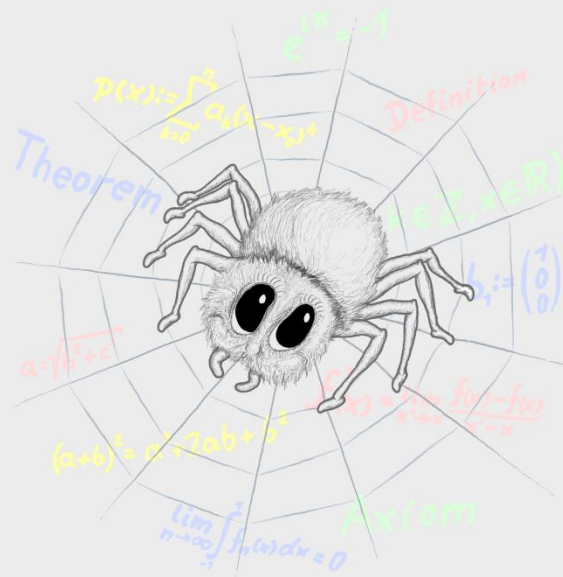
Ergebnisse:

1. Analyse von einfachen mathematischen Texten im Deutschen
2. Erzeugung und Visualisierung von Wissensbasen aus den Texten

Ausblick:

1. Semantische Analyse von mathematischen Formeln im Bezug zum Text
2. Erzeugung und Visualisierung eines vollständigen Kurses der Linearen Algebra
3. Mergen von verschiedenen Kursen zur Linearen Algebra

Ende



Danke für ihre Aufmerksamkeit!

natho@math.tu-berlin.de